

פיזיקה 1 לפיזיקאים

פרק 10 - עבודה ואנרגיה

תוכן העניינים

1.	שימור אנרגיה ומשפט עבודה ואנרגיה
5.	חישוב עבודה לכוח לא קבוע
7.	חישוב כוח משמר מאנרגיה פוטנציאלית
8.	איך בודקים האם כוח הוא משמר
9.	נקודות שיווי משקל
11.	ניתוח באמצעות גרפים של אנרגיות
13.	חישוב אנרגיה פוטנציאלית מכוח משמר
14.	הספק ונצילות
17.	תרגילים מסכמים
22.	תרגילים מסכמים כולל תנועה מעגלית

שמור אנרגיה ומשפט עבודה ואנרגיה

רקע

עבודה של כוח קבוע :

$$W = \vec{F} \cdot \Delta \vec{r} = |\vec{F}| \cdot |\Delta \vec{r}| \cdot \cos \alpha = F_x \Delta x + F_y \Delta y + F_z \Delta z$$

כאשר α היא הזווית בין הכוח להעתק

הערות :

1. העבודה של כוח שמאונך להעתק (לתנועת) מתאפשרת.
2. אם הגוף לא זו או אין עבודה (לכן העבודה של החיכוך הסטטי היא תמיד אפס).

הקשר בין עבודה כוללת לאנרגיה קינטית :

$$W_{\Sigma F} \text{ העבודה של כל הכוחות שפועלים על הגוף} = \Delta E_k$$

$$E_k = \frac{1}{2} m v^2 \text{ אנרגיה קינטית}$$

כוח משמר :

1. **העבודה שמבצע הכוח אינה תלוי במסלול.** היא תלויות רק בנקודת בה התחיל הגוף ובנקודת בה סיים הגוף את התנועה.
2. **העבודה במסלול סגור מתאפשרת.**

$$W_c = -\Delta U \quad \text{יש לו אנרגיה פוטנציאלית}$$

$$U_g = mgh \quad \text{האנרגיה הפוטנציאלית הכבידתית}$$

$$U_{el} = \frac{1}{2} kx^2 \quad \text{האנרגיה הפוטנציאלית האלקטרית}$$

כאשר x הוא ההתררכות של הקפיץ ממצב רפיוי ו- k הוא קבוע הקפיץ

$$E = E_k + U \quad \text{אנרגיה (מכנית) כללית :}$$

U היא סכום כל האנרגיות הפוטנציאליות שקיימות בבעיה.

$$E_i + W_{NC} = E_F \quad \text{משפט עבודה אנרגיה:}$$

W_{NC} העבודה של הכוחות שאינם לשמורים

חוק שימור האנרגיה:

אם כל הכוחות לשמורים (או העבודה של הכוחות שאינם לשמורים שווה לאפס) אז האנרגיה הכללית נשמרת

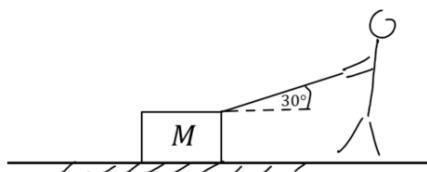
שאלות

(1) אדם מושך ארגז

אדם מושך ארגז שמסתו $M = 5\text{ kg}$ באמצעות חבל ובזווית 30° מעלה ביחס לקרקע.

מקדם החיכוך הקינטי בין הארגז לקרקע הוא: $\mu_k = 0.2$.

האדם מושך את הארגז לאורך שני מטרים. הכוח שפעיל האדם הוא $N = 80$.



א. מהי העבודה שביצע האדם?

ב. מהי העבודה שביצע כוח החיכוך?

ג. מהן העבודות שביצעו כוח הכבד
והנורמל מהמשטח?

ד. מהי העבודה הכוללת שנעשתה על הארגז?

(2) מהירות הארגז

בדוגמה הקודמת, אדם מושך ארגז, חשב את מהירות הארגז לאחר שהאדם משך אותו 2 מטרים אם ידוע שהוא התחלил ממנוחה.

(3) חישוב עבודה של כוח הכבד

אבן בעל מסה 2 kg נופלת מגג בניין בגובה 10 מטרים.

חשבו את העבודה שביצע כוח הכבד על האבן עד הפגיעה לקרקע.

חשבו פעמי אחד באופן מפורש דרך המכפלה הסקלרית ופעם נוספת דרך האנרגיה הפוטנציאלית.

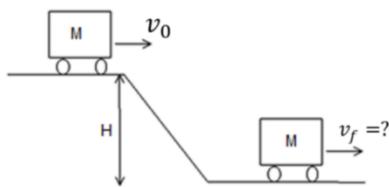
(4) עגלת במדרון

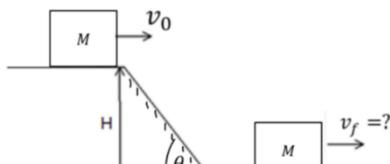
עגלת נעה על משטח ללא חיכוך.

העגלת מתחילה במעלה המדרון בגובה H
עם מהירות ההתחלתית v_0 .

מצא את מהירות העגלת בתחתית המדרון.

נתונים: H , v_0 .



5) קופסה במדרון עם חיכוך

קופסה יורדת במדרון משופע בעל זווית θ .

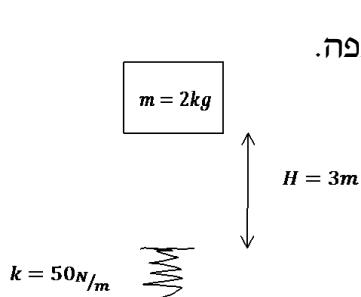
הנח כי מהירות הקופסה במעלה המדרון היא v_0

גובהה ההתחלתי הוא H .

מצא את מהירות העגלת בתחתית המדרון.

הנח שהחיכוך הוא רק על החלק המשופע של התנועה.

נתונים : H , $\theta\mu_k$.

6) מסה נופלת על קופץ

קופץ חסר מסה, בעל קבוע קופץ של $50 \frac{\text{N}}{\text{m}}$, מחובר לרצפה.

משחררים ממנוחה מסה של $m = 2\text{ kg}$ הנמצאת בגובה 3 מטר מעל הקופץ.

א. מצא את הcyoz המקסימלי של הקופץ.

ב. מה הגובה המקסימלי אליו תגיע המסה לאחר הפגיעה בקופץ.

7) שתי מסות מחוברות, מדרון וקופץ

מסה m_1 נמצאת על מדרון משופע בזווית θ .

המסה מונחת על קופץ בעל קבוע קופץ k המכובץ ב- $d = \Delta x$.

אל המסה קשור חוט העובר דרך גלגלת אידיאלית ומחובר

למסה m_2 הנמצאת בגובה H מעל הרצפה.

המערכת משוחררת ממנוחה.

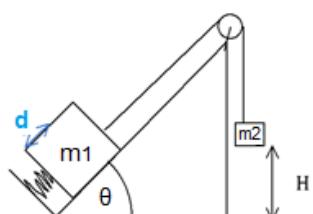
מצא את מהירות הפגיעה בקרקע של m_2 .

נתון :

$$m_1 = 1\text{ kg} , m_2 = 2\text{ kg}$$

$$H = 3\text{ m} , k = 100 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

$$\theta = 30^\circ , d = 30\text{ cm}$$



תשובות סופיות

$$W_T = 135J \text{ .ג} \quad W_N = W_g = 0 \text{ .ג} \quad W_{fk} = -4J \text{ .ב.} \quad W = 139J \text{ .נ} \quad (1)$$

$$V_F \approx 7.35 \frac{m}{sec} \quad (2)$$

$$W_C = |\vec{F}| \cdot |\Delta \vec{r}| \cos \alpha = 200J , \quad W_C = -\Delta U = -(U_F - U_i) = 200J \quad (3)$$

$$V_F = \sqrt{v_0^2 + 2gH} \quad (4)$$

$$V_F = \sqrt{v_0^2 + 2gH(1 - \mu_k \cot(\theta))} \quad (5)$$

$$mgH = mgh \text{ .ב} \quad \Delta x = 2m \text{ .נ} \quad (6)$$

$$V = 5.745 \frac{m}{sec} \quad (7)$$

чисוב עבודה לכוח לא קבוע

רקע

$$W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int (F_x dx + F_y dy + F_z dz)$$

צריך גם משווהה של המסלול

שאלות

1) חישוב עבודה במסלולים שונים

- חשבו את העבודה שמבצע הכוח: $\vec{F} = xy\hat{i} + xx\hat{j}$ בין הנקודה $A(0,0)$ לנקודה $B(2,4)$
- דרך המסלול של הקו הישר המחבר בין הנקודות.
 - דרך מסלול המקביל לציר ה- x עד לנקודה $C(2,0)$ ולאחר מכן דרך המסלול המקביל לציר ה- y עד לנקודה B .
 - דרך המסלול $y = x^2$.
 - דרך המסלול $y(t) = 4t^2$, $x(t) = 2t$

2) כוח בשלושה ממדים

נתון הכוח: $\vec{F} = zx^2\hat{x} + 2yz\hat{y} + z\hat{z}$.

- חשבו את העבודה של הכוח דרך מסלול היוצא מהנקודה $A(1,2,3)$ עד לנקודה $B(2,3,5)$ כאשר המסלול יוצא מ- A במקביל לציר ה- Y עד לנקודה $C(1,3,3)$ ולאחר מכן מ- C במקביל לציר ה- Z ועד לנקודה $D(1,3,5)$ ולאחר מכן מהנקודה D במקביל לציר ה- X עד לנקודה B .
- חשבו את העבודה של הכוח מהנקודה $A(0,0,-1)$ עד הנקודה $B(4,4,5)$.
לאורך המסלול הנתון לפי המשוואות: $x(t) = 2t$; $y(t) = t^2$; $z(t) = 3t - 1$

תשובות סופיות

$$W_{A \rightarrow B} = 2 + \frac{64}{5} \text{ נ.} \quad W_{A \rightarrow B} = 18 \text{ ב.} \quad W_{A \rightarrow B} = \frac{4}{2} + \frac{4 \cdot 8}{3} \text{ נ.} \quad (1)$$

$$W_{A \rightarrow B} = 2 + \frac{64}{5} \text{ נ.} \quad 128 \text{ J.} \quad 26.67 \text{ J.} \quad (2)$$

чисוב כוח משמר מאנרגיה פוטנציאלית

רקי

$$\vec{F} = -\vec{\nabla} \cdot U$$

שאלות

- 1) חישוב עבודה מותך אנרגיה פוטנציאלית
 על גוף מסוים פועל כוח משמר המתאים לאנרגיה הפוטנציאלית
 הבאה: $U(x, y) = 2x^2 - 6y^3$.
 מצא את העבודה אותה צריך לבצע על מנת להביא את הגוף מהנקודה (1,0)
 אל הנקודה (2,3).

תשובות סופיות

$$W_{ext} = 156J \quad (1)$$

איך בודקים האם כוח הוא משמר

רעיון

אם ורק אם $\vec{F} = \vec{\nabla} \times \vec{A}$, אז הכוח משמר.

הערה: צריך שכל רכיב יתאפס בנפרד

שאלות

1) דוגמה

נתון הכוח F : $\vec{F} = -2xyx + (x^2 - z)y + y\hat{z}$.
בדקו האם הכוח F משמר.

תשובות סופיות

1) משמר.

נקודות שיווי משקל:

שאלות:

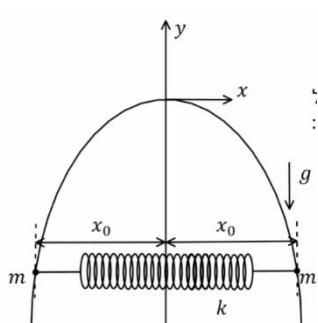


1) שעון תלוי

- שעון קיר תלוי באמצעות מסמר הנמצא בקצתו העליון. ניתן לסובב את כל השעון (לא את המחוגים) סביב המסמר.
- מצא באילו מצבים השעון יהיה בשווי משקל וקבע עבור כל מצב איזה סוג שווי משקל הוא.
 - חזור על סעיף א' אם המסמר תקוע במרכז השעון (השעון עדין יכול להסתובב סביב המסמר).

2) אנרגיה פוטנציאלית בשווי משקל

- האנרגיה הפוטנציאלית של הגוף נתונה לפי הfonקציה הבאה: $U = (x-4)^2 + x^3$.
מצא את נקודת שווי המשקל ומניין אותה לסוגים הרלוונטיים.



3) קפיץ וחרוזים על תיל קשיח מכופף

תיל קשיח מכופף בצורה פרבולה המתאימה לפונקציה: $y = -Ax^2$ כאשר A קבוע נתון.

- על התיל מושחלים שני חרוזים זהים בעלי מסה m , אחד בכל צד.
קפיץ אופקי בעל קבוע k ואורך רפי l מחבר בין החרוזים (ראה איור).
חשב את המרחק האופקי x_0 של כל חרוז מציר ה- y במצב של שווי משקל.

ניחס כי הקפיץ והחרוזים נמצאים תמיד באותוגובה.

הדרך: כתוב ביטוי לאנרגיה הפוטנציאלית כfonקציה של x בלבד.

תשובות סופיות:

- 1) א. כשהשעון למטה שיווי משקל יציב וכשהשעון הפוך ב- 180° שיווי משקל רופף.
 ב. השעון בשיווי משקל אדיש.

$$x_1 \text{ נק' מינימום} \Leftrightarrow \text{ש.מ. יציב.} \quad (2)$$

$$U(x_2) = -2 \cdot 6 + 2 < 0 \text{ ש.מ. רופף.}$$

$$x_0 = \frac{kl}{2k - 2mgA} \quad (3)$$

ניתוח באמצעות גרפים של אנרגיות:

שאלות:

1) נקודת הביימניטה:

גוף שמסתו 6 ק"ג נע לאורך ציר x בהשפעת כוח יחיד הנגור מהאנרגיה הפוטנציאלית: $U(x) = 2x^4 - 36x^2$.

נתון שכאשר הגוף מגיע לנקודת בה $m = 1.5$ מטר מהירותו שווה ל- $v = 3 \frac{m}{sec}$.

א. מהי הנקודה הימנית ביותר במסלול של הגוף?

ב. חזר על סעיף א', אם ערך המהירות היה: $v = 3 \frac{m}{sec}$.

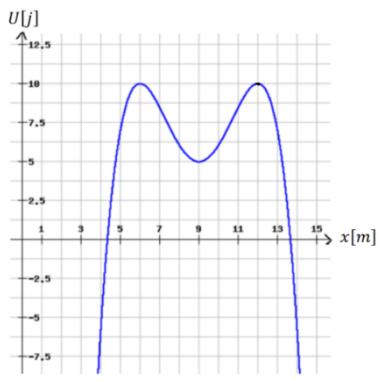
2) גמל דו דבשתי:

כוח משמר פועל על כדור בעל מסה 625gr. הגרף הבא מתאר את האנרגיה הפוטנציאלית של הcador כתלות במקומו:

א. שרטטו באופן איקוטי את הגרף של הכוח כתלות במקום.

ב. תארו באופן מילולי את תנועת הcador אם הוא משוחרר מ- $7m = x$ ממנוחה.

ג. מהי מהירות המינימלית שצרכי לתות כדור במצב של סעיף ב' על מנת שהcador יגיע לאינסוף?



ד. מהן נקודות שיווי המשקל?

מיינו אותן לפי יציבותן וציין מה המשמעות של כל סוג של שיווי משקל.

3) שני גופים בפוטנציאלי אקספונצייאלי ריבועי:

שני גופים נמצאים על ציר ה- x ונתונים להשפעת הפוטנציאלי: $U(x) = Axe^{-Bx^2}$ כאשר A, B הם קבועים חיוביים. נתון כי ברגע מסויםגוף אחד נמצא ב- $x = 0$ והאנרגיה שלו היא אפס, והגוף השני נמצא ב- $x = -\sqrt{\frac{1}{B}}$ והאנרגיה שלו

היא: $E = -\frac{A}{e} \sqrt{\frac{1}{B}}$. איך ייפגשו הגוףים? (בחר את התשובה הנכונה):

ב. הגוף לא ייפגש אף פעם.

א. בתחום $0 \leq x \leq -\sqrt{\frac{1}{B}}$.

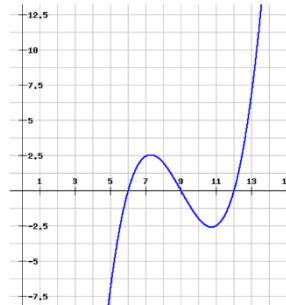
ד. $x = 0$.

ג. בנקודת $x = -\sqrt{\frac{1}{B}}$.

תשובות סופיות:

ב. $x = 6.81\text{m}$ א. $x = -1.202\text{m}$ (1)

. א. $x = 11\text{m}$ (2)



- ב. מתחילה בתאוצה בכיוון החיובי עד $x = 9\text{m}$ וזו מתחילה להאט עד $x = 11\text{m}$ שם עוצר רגעים ומסתובב חזרה. כך חוזר עד אינסוף.
 ג. 2 מטר לשנייה.
 ד. לא יציבה, $x = 9\text{m}$ יציבה, $x = 12\text{m}$ לא יציבה.
- א. (3)

чисוב אנרגיה פוטנציאלית מכוח משמר:

שאלות:

1) דוגמה

מצא את האנרגיה הפוטנציאלית של הכוח : y

$$\vec{F} = -2xyx + (2-x^2)y$$

אם נתון ש : $U(0,0) = 0$.

תשובות סופיות:

$$U = x^2y - 2y \quad (1)$$

הספק ונצילות

רקע

הספק ממוצע : $P_{avg} = \frac{W}{\Delta t}$

הספק רגעי : $P = \frac{dW}{dt} = \vec{F} \cdot \vec{v}$

F – הכוח ו- v היא מהירות הגוף

שאלות

1) כמה עולה להפעיל מזגן

כמה עולה להפעיל מזגן שהספק שלו 1 כוח סוס במשך שעה אחת?
יש לבדוק את תרשים חיבור החשמל.

חשבון דן חדש																																																																															
פירוט החיבורים / היצקיים מספר חשבון חוצה: [REDACTED]																																																																															
ביבאי מנוי																																																																															
חיבור בין צירכה מתח"י (לא כולל מע"מ)																																																																															
חשבון לתקופה מ- 13/01/2020 עד 15/03/2020 נספחים: 2/2																																																																															
קריאות מונה מסטר [REDACTED] גודמות הכפלת: 1																																																																															
<table border="1"> <thead> <tr> <th>תאריך</th> <th>סוג קיראה</th> <th>סוג קיראה</th> <th>טכנית</th> <th>טכנית</th> <th>טכנית</th> <th>טכנית</th> <th>טכנית</th> <th>טכנית</th> <th>טכנית</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>12/01</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> </tr> <tr> <td>ביהי:</td> <td>ורוילה</td> <td>ורוילה</td> <td>ורוילה</td> <td>ורוילה</td> <td>ורוילה</td> <td>ורוילה</td> <td>ורוילה</td> <td>ורוילה</td> <td>ורוילה</td> </tr> <tr> <td>סה"כ ב��' צירכה</td> </tr> <tr> <td>502.21</td> <td>44.84</td> <td>1120</td> <td>46267</td> <td>47387</td> <td>63</td> <td>12/01</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> <td>15/03</td> </tr> <tr> <td>502.21</td> <td></td> <td>1120</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>502.21</td> <td></td> <td>1120</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>										תאריך	סוג קיראה	סוג קיראה	טכנית	12/01	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03	ביהי:	ורוילה	סה"כ ב��' צירכה	502.21	44.84	1120	46267	47387	63	12/01	15/03	15/03	15/03	502.21		1120								502.21		1120																														
תאריך	סוג קיראה	סוג קיראה	טכנית																																																																												
12/01	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03	15/03																																																																						
ביהי:	ורוילה																																																																														
סה"כ ב��' צירכה	סה"כ ב��' צירכה	סה"כ ב��' צירכה	סה"כ ב��' צירכה	סה"כ ב��' צירכה	סה"כ ב��' צירכה	סה"כ ב��' צירכה	סה"כ ב��' צירכה	סה"כ ב��' צירכה	סה"כ ב��' צירכה																																																																						
502.21	44.84	1120	46267	47387	63	12/01	15/03	15/03	15/03																																																																						
502.21		1120																																																																													
502.21		1120																																																																													

2) מכונית מאיצה מ-0 ל-100

מכונית מתילה לנסוע ממונחה ומגיעה למהירות של 100 קמ"ש ב-10 שניות.
מסת המכונית היא 1 טון. הניחו כי אין חיכוך עם האוויר.

א. מהי העבודה שהתבצעה על המכונית?

ב. מהו ההספק של המנוע בהנחה שהוא קבוע ומונצל במלואו (הנחה לא נכונה)?

3) אופנוו נושא ב מהירות קבועה בנגד התנודות אוויר

אופנוו נושא ב מהירות קבועה של 100 קמ"ש.
ב נגדו פועל כוח התנודות מהאויר של 300 ניוטון.
מהו ההספק של המנוע, אם נניח שהספק מונצל במלואו?

4) נצילות של 40 אחוז בדוגמה של המכונית המאיצה

בדוגמה "מכונית מאיצה מ-0 ל-100" מה ההספק של המנוע אם הנצילות שלו היא 40%?

5) הספק ממוצע לשנות מהירות

איזה כוח קבוע יש להפעיל על מכוניות בעלת מסה של 2 טון,

$$\text{כדי לשנות את מהירותה מ-} 9 \frac{\text{km}}{\text{hr}} \text{ ל-} 27 \frac{\text{km}}{\text{hr}} \text{ בתוך } 4 \text{ sec ?}$$

מהו ההספק הממוצע של כוח זה?

6) רכבת צעכו לחשמלית

רכבת צעכו לחשמלית מרכיבת מ-10 קרונות.

הקרון הראשון והשני מכילים מנוע חשמלי ושוקלים 2 ק"ג כל אחד.

שאר הקרונות עמוסים בצעכוים ושוקלים 3 ק"ג כל אחד.

כל אחד מן המנועים מייצר הספק קבוע של 0.2KW.

א. כמה זמן ייקח לרכבת להגיע למהירות של 10 מטר לשנייה אם התחילה לנוע ממנוחה?

ב. מהי האנרגיה הקינטית של הקרון הראשון ומהי האנרגיה הקינטית של الكرון השני, כאשר הרכבת נעה במהירות שחישבת בסעיף א'?

ג. חשב את העבודה שביצע הכוח שפועל בחיבור בין הקרון הראשון לשני על الكرון השני בזמן ההאצה.

ד. חשב את העבודה שביצע הכוח שפועל בחיבור בין הקרון השני לשישי על الكرון השלישי בזמן ההאצה.

ה. הרכבת מגיעה לעלייה עם שיפוע של 2 מעלות, מה צריך להיות הספק המנועים (בהתהה שהם שווים) על מנת שהרכבת תישאר במהירות קבועה של 10 מטר לשנייה?

**7) הספק כאשר נתון מיקום כתלות בזמן**

כוח ייחיד פועל על גוף שמסתו 4kg, הכוח פועל בכיוון התנועה

ומיקום כתלות בזמן של הגוף הוא: $x = 2 + 3t + t^2$ ביחידות m.k.s.

א. מהי העבודה שմבצע הכוח במשך 3 השניות הראשונות של התנועה?

ב. מהו ההספק של הכוח ב-sec ? $t = 2$

תשובות סופיות

$$\text{א} \rightarrow 45 \text{ אגורות.} \quad (1)$$

$$p = 51.7 \text{HP} \quad \text{ב.} \quad \Delta E_k \approx 385,800 \text{J} = W_{\sum \vec{F}} \quad \text{א.} \quad (2)$$

$$p = 11.18 \text{HP} \quad (3)$$

$$\text{כ"ס 135} \quad (4)$$

$$F = 2500 \text{N}, \quad \bar{p} = 16.76 \text{HP} \quad (5)$$

$$W_{1 \rightarrow 2} = 600 \text{J} \quad \text{ג.} \quad E_{k_1=100 \text{J}} = E_{k_2} \quad \text{ד.} \quad \Delta t = 3.5 \text{ sec.} \quad \text{א.} \quad (6)$$

$$p = 97.7 \text{W} \quad \text{ה.} \quad W_{3 \rightarrow 2} = 1200 \text{J} \quad \text{ד.}$$

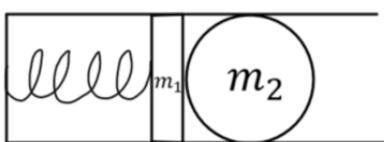
$$p(t=2) = 56 \text{W} \quad \text{ו.} \quad W = 144 \text{J} \quad \text{א.} \quad (7)$$

תרגילים מסכימים:

שאלות:

1) קפץ יורה כדור

הלווע של רובה צעצוע מורכב מקפץ בעל קבוע k ובוכנה בעלת מסה m_1 .
בטעינה דוחפים כדור בעל מסה m_2 ודורכים את הקפץ.



הכיווץ של הקפץ הוא \hat{p} .

ברגע הירוי הקפץ משוחרר ממנוחה.

א. באיזה רגע הcador מנטק מגע מהböכה?

ב. מהי מהירות הcador ברגע זה?

2) כוח כפונקצייה של מיקום, קפץ וחיכוך

מסה m נמצאת על מישור אופקי לא חלק ומחוברת לקפץ בעל קבוע k .
החל מ- $x=0$ פועל על המסה כוח התלוי במיקום: $F(x) = (30x^2 - 4x)\hat{x}$.

כל היחידות בשאלתנו הן ייחidot סטנדרטיות.

ב- $x=0$ המסה נמצאת בראשית עם מהירות התחלתית v_0 והקפץ רפו.

$$\text{נתונים: } v_0 = 5 \frac{\text{m}}{\text{sec}}, \mu_k = 0.3, k = 10 \frac{\text{N}}{\text{m}}, m = 2\text{kg}$$

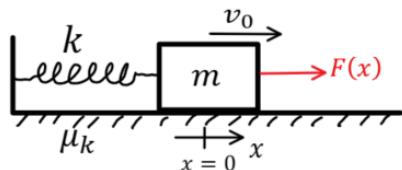
א. רשמו ביטוי לתאוצה המסה כתלות במיקום (x) , הנח כי התנועה תמיד

בכוון החיובי.

ב. מצאו את המיקום בו התאוצה של המסה מתאפסת.

ג. מהי העבודה שביצע הכוח מתחילה התנועה ועד אשר $x = 0.5\text{m}$?

ד. מהי מהירות של המסה כאשר מיקומה $x = 0.5\text{m}$?



(3) כוח כפונקציה של זמן במישור משופע

טסה $m = 5\text{kg}$ נמצאת על מישור משופע לא חלק.

על המסה פועל כוח התליוי בזמן (t) F שדוחף אותה במעלה המישור.

$$\text{מהירות המסה ידועה והיא נתונה לפי הפונקציה: } v(t) = 3t^2 + 2t$$

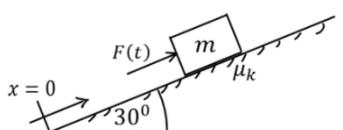
$$\text{מקדם החיכוך הוא: } \mu_k = 0.2 \text{ ונתון כי: } x(t=0) = 0$$

כל הידידות הן ייחidot סטנדרטיות.

זווית המישור היא 30 מעלות.

א. (1) היכן נמצא הגוף ב- $t = 2\text{ sec}$?

(2) מהו גודל הכוח F ברגע זה?



ב. מהו מיקום הגוף כאשר תאוצתו היא: $? 8 \frac{\text{m}}{\text{sec}^2}$

ג. מהי האנרגיה הקינטית של הגוף ברגע של סעיף ב'?

ד. מהי העבודה הכוח F מרגע $t = 0\text{ sec}$ ועד $t = 3\text{ sec}$?

(4) קופסה מחליקה על מקטעים ישרים

קופסה משוחררת ממנוחה ומתחלילה להחליק לאורך מסלול שאינו ידוע,

אך מורכב מקטעים ישרים בלבד.

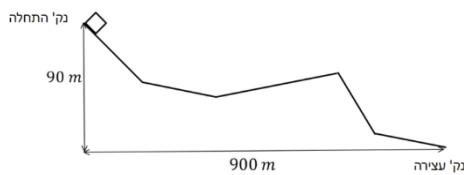
בין הקופסה למשטח עליו היא מחליקה קיימים

חיכוך והקופסה נעצרת בנקודת

המרחקה 900m אופקית ו- 90m מתחת

לנקודתתה בה ההתחלת.

חשבו את מקדם החיכוך, לא חסרים נתונים.

**(5) שרשרת על גלגלת**

שרשרת בעלת טסה M ואורך L מונחת על גלגלת
אידאלית התלויה מהתקרלה.

השרשרת מונחת כך שרבע מהשרשרת מצד אחד של

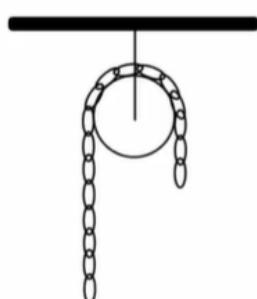
הgelgalת ושאר השרשרת מצד השני.

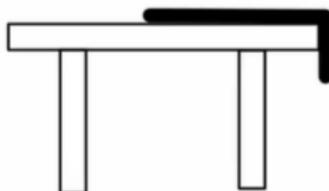
הנה שהחלק על הgelgalת עצמה זניח.

המערכת משוחררת ממנוחה.

מצאו את מהירות השרשרת ברגע שהקצה האחרון

שלה עבר את הgelgalת.



6) חבל מחליק משולחן אנרגיה ומשוואת תנועה*

חבל באורך L ומשקל M מונח על שולחן חסר חיכוך כך שהקצה של החבל באורך d נשטט מחוץ לשולחן. החבל מוחזק ומשוחרר ממנוחה.

- א. רשמו את האנרגיה הקינטית והאנרגיה הפוטנציאלית במהלך החלקת החבל.

- ב. השתמשו בשימור אנרגיה ומצאו את משוואת התנועה של החבל.

- ג. השתמשו במשוואת התנועה ומצאו את מהירות החלקת כל החבל מהשולחן למיטה.

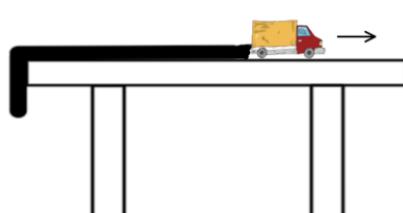
7) חישוב עבודה של כוח במסלול מעגלי ואלפטי

$$\vec{F} = a(2x+4y)\hat{x} + b(4x-2y)\hat{y}$$

- א. מצא תנאי על a ו- b כך שהכוח יהיה שומר.

- ב. מצא את העבודה שעשויה הכוח על גוף הנע במסלול סגור לאורך מעגל המתוואר ע"י: $\vec{r} = R \cos \theta \hat{x} + R \sin \theta \hat{y}$ כאשר הגוף מתחילה את תנועתו מהנקודה $(R, 0)$.

- ג. מצא את העבודה שעשויה הכוח על גוף הנע במסלול סגור לאורך אליפסה המתוואר ע"י: $\vec{r} = d \cos \theta \hat{x} + k \sin \theta \hat{y}$ כאשר הגוף מתחילה את תנועתו מהנקודה $(d, 0)$.

8) משאית מושכת חבל על שולחן (כולל משוואות דיפרנציאליות)*

משאית צעכוע גוררת בכוח קבוע F חבל בעל מסה M ואורך L , התלויה מקופה השולחן. בהתחלה החבל במנוחה ותלו依 כולם כלפי מטה. אין חיכוך בין החבל לשולחן.

שים לב שהכוח שהמשאית מפעילה קבוע ולא המהירות שלה.

- א. כמה עבודה עשויה המשאית עד שכל החבל נמצא על השולחן?

- ב. כמה חבל מונח על השולחן בזמן t כלשהו?
פתרו מותוק משוואת האנרגיה ובדוק את התשובה מותוק שיקולי כוחות.

$$x(t) = Ae^{\sqrt{\alpha t}} + Be^{-\sqrt{\alpha t}} - \frac{C}{\alpha} \quad \text{הוא:}$$

כאשר A ו- B צריכים למצוא מתנאי התחלה.

9) חוט מושך שתי מסות מחוברות בחוט**

חוט חסר מסה באורך $2L$ מחבר שתי מסות הנעות



L

19

L

במישור אופקי ללא חיכוך.
 כוח אופקי קבוע ונתון מושך את החוט במרכזו,
 בכיוון מאונך לחוט.
 הנח שהמסות מתנגדות ונדקות בהתגשות.
 כמה אנרגיה הולכת לאיבוד בהתגשות?

תשובות סופיות:

$$V = \sqrt{\frac{kd^2}{m_1 + m_2}} . \quad \text{ב.} \quad \text{1) א. בנקודת הרפין של הקפיץ.}$$

$$W = 0.75J . \quad \text{ג.} \quad x = 0.738m . \quad \text{ב.} \quad a_{(x)} = 15x^2 - 7x - 3 . \quad \text{א.} \quad \text{2}$$

$$V = 4.64 \frac{m}{s} . \quad \text{ד.}$$

$$E_k = 62.5J . \quad \text{ג.} \quad x = 2m . \quad \text{ב.} \quad F = 103.7N \quad \text{(2)} \quad x = 12 \quad \text{(1)} \quad \text{א.} \quad \text{3}$$

$$W = 3935J . \quad \text{ד.}$$

$$0.1 \quad \text{4}$$

$$V = \sqrt{\frac{3gL}{8}} \quad \text{5}$$

$$\ddot{y} = \frac{gy}{L} . \quad E = \frac{1}{2} MV^2 - \frac{M}{2} g \frac{y^2}{2} . \quad \text{א.} \quad \text{6}$$

$$V(y=L) = \sqrt{\frac{g}{L}(L^2 - d^2)} . \quad \text{ג.}$$

$$W = k \cdot d (0 - 4a\pi + 4b\pi) . \quad \text{ג.} \quad W = R^2 (0 - 4a\pi + 4b\pi) . \quad \text{ב.} \quad \nabla \times \vec{F} = 0 \Rightarrow a = b . \quad \text{א.} \quad \text{7}$$

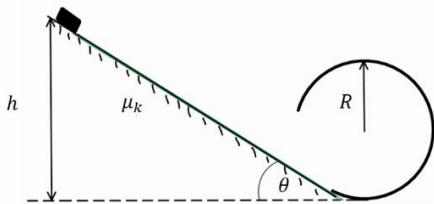
$$\alpha = \frac{g}{L} \quad C = \frac{F}{M} - g . \quad x(t) = \frac{C}{2\alpha} \left(e^{\sqrt{\alpha}t} + e^{-\sqrt{\alpha}t} - 2 \right) . \quad \text{א.} \quad \text{8}$$

$$\Delta E = F \cdot l \quad \text{9}$$

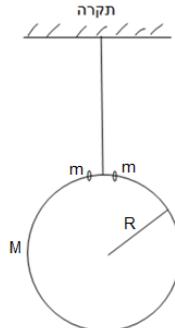
תרגילים מסכימים כולל תנועה מעגלית:

שאלות:

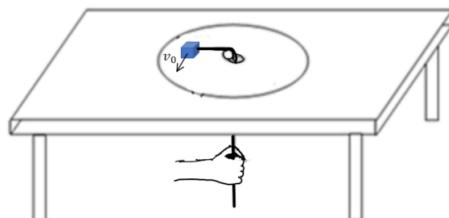
- 1) **תנאי להשלים סיבוב עם החיכוך במישור משופע**
גוף בעל מסה m מחליק על גבי מסילה המתוירת באורך.
מקדם החיכוך בין הגוף למישור המשופע הוא μ_k .
זווית המישור היא θ .
החלק המעגלי חסר חיכוך.
מצא את h הנמוך ביותר עבورو הגוף ישלים סיבוב בחלק העגול.



- 2) **שני חרוזים על טבעת מתווממת***
טבעת בעלת רדיוס R ומסה M תלואה מהתקarra
באמצעות חוט. מניחים בקצת העליון של הטבעת שני
חרוזים בעלי מסה זהה m .
החרוזים מתחילהים ליפול ממנוחה לשני צדי הטבעת.
מצא את היחס בין המסות הדרושים על מנת שהטבעת
תתרוםם במהלך נפילת הבדורים.



- 3) **מסה מסתובבת על שולחן ונמשכת למרכז***
מסה m נעה על שולחן חסר חיכוך בתנועה מעגלית ברדיוס R ובמהירות v_0 .
חוט קשור אל המסה הולך למרכז השולחן ועובד דרך גלגלת אידיאלית וחור בשולחן.
מושכים את החוט כך שהמסה מתקרבת למרכז.
א. מהי המהירות הזוויתית כתלות ב- r (המרחק ממרכז הסיבוב).
השתמשו בשיקולי כוחות בלבד. רמז: אין כוחות בכיוון $\hat{\theta}$.
ב. הוכיחו שהעבודה שהושקעה במשיכת החוט עד לרדיוס R כלשהו הקטן
מ- R זהה לשינוי באנרגיה הקינטית של המסה.
בסעיף זה ניתן להניח שהמהירות הרדיאלית קבועה.



תשובות סופיות:

$$h_{\min} = \frac{2.5R}{1 - \frac{\mu_k}{\tan \theta}} \quad (1)$$

$$\frac{m}{M} \geq \frac{3}{2} \quad (2)$$

$$\omega(r) = \frac{v_0 R}{r^2} \quad (3)$$

ב. הוכחה.